

ANNEE SCOLAIRE 2020 - 2021

Semestre : 2e Date : 1 juin 2021

**Epreuve semestrielle regroupée** Durée de l'épreuve : 100'

**Discipline**: **Mathématiques**Nombre de pages de l'énoncé (y compris la page d'en-tête): 4

| Cours     | Nombre d'élèves | Maître correcteur |
|-----------|-----------------|-------------------|
| 1MA1.DF01 | 21              | J. FILGUEIRAS     |
| 1MA1.DF02 | 21              | S. MOODY          |
| 1MA1.DF03 | 23              | S. MOODY          |
| 1MA1.DF04 | 21              | R. NAGY GAUXACHS  |
| 1MA1.DF05 | 23              | S. EZAHR          |
| 1MA1.DF06 | 24              | M. WEISS          |
| 1MA1.DF07 | 24              | S. FLEISCHMANN    |
| 1MA1.DF08 | 22              | M. SCHIESS        |
| 1MA1.DF09 | 23              | C. SCRUCCA        |

| Documents autorisés                   |  |  |
|---------------------------------------|--|--|
| a) Mis à disposition par le collège : | b) Personnels à l'élève :                                |  |
| - aucun                               | - Calculatrice agréée<br>(Tl30 ou Tl34 sauf modèles Pro) |  |

| Nom, Prénom du candidat : | Groupe: |
|---------------------------|---------|
|---------------------------|---------|

Total: /65 points

### Informations aux élèves :

### • Recommandations générales :

- Sur la première page des feuilles d'épreuves, veuillez vous limiter aux informations administratives, à savoir votre nom, la date et le nom du maître de la discipline, et commencer l'épreuve proprement dite à la page suivante.
- Notez ensuite votre nom en haut de chaque page et numérotez-la.
- N'oubliez pas de rendre l'énoncé avec votre travail à la fin de l'épreuve.

### • Recommandations particulières à la discipline :

- Le travail doit être propre et bien présenté. Il sera réalisé sur les feuilles quadrillées distribuées au début de l'épreuve. Aucune réponse ne doit figurer sur l'énoncé.
- Toutes les réponses doivent être justifiées, au moins par des calculs. Les réponses du type « un nombre » ou « oui/non » ne suffisent pas.

## Exercice 1 (8 points)

Soient les fonctions f, g et h définies par les expressions suivantes :

$$f(x) = \frac{-5x}{2x+3}$$
;  $g(x) = \sqrt{5-4x}$ ;  $h(x) = x^2 - 5x$ 

- a) Déterminer les domaines de définition de f, g et h. (4 pts)
- b) Déterminer si possible f(-3) et g(2). (2 pts)
- c) Déterminer  $h^{-1}(-6)$ . Justifier. (2 pts)

## Exercice 2 (19 points)

Soient les fonctions f et g définies par les expressions suivantes :

$$f(x) = 2x^2 - 5x - 3$$
;  $g(x) = -3x + 1$ 

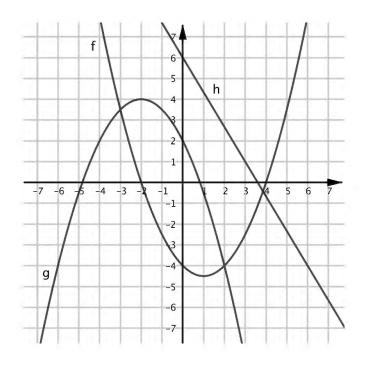
- a) Étudier la fonction f en parcourant les points suivants :
  - i) Déterminer l'ordonnée à l'origine de f. (1 pt)
  - ii) Déterminer le(s) zéro(s) de f. (3 pts)
  - iii) Déterminer les coordonnées du sommet de f. (2 pts)
  - iv) Déterminer l'équation de l'axe de symétrie de f. (1 pt)
  - v) Déterminer si f est convexe ou concave. (1 pt)
  - vi) Tracer une représentation de la fonction f, en tenant compte des résultats précédents. (4 pts)

(Repère avec unité égale à 2 carrés.)

- b) Étudier la fonction g en parcourant les points suivants :
  - i) Déterminer le(s) zéro(s) de g. (1 pt)
  - ii) Tracer une représentation de la fonction g. (2 pts) (Même repère que ci-dessus.)
- c) Déterminer algébriquement les coordonnées des éventuels points (4 pts) d'intersection entre les graphiques de f et g.

# Exercice 3 (10 points)

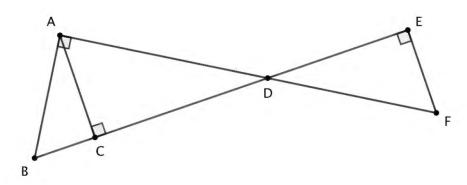
Soient les fonctions f, g et h représentées graphiquement ci-dessous :



- a) Déterminer l'expression algébrique de la fonction f. (4 pts)
- b) Déterminer l'expression algébrique de la fonction h. (2 pts)
- c) Déterminer graphiquement f(3) et  $g^{-1}(2)$ . (2 pts)
- d) Résoudre graphiquement l'inéquation f(x) > g(x). (2 pts)

# Exercice 4 (10 points)

Dans la figure ci-dessous, on sait que B, C, D, E sont alignés et A, D, F sont alignés. En outre, on connaît BC = 3, CD = 5 et DF = 4.

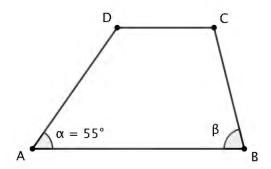


Calculer AB, AC, AD, DE et EF.

(Réponses en valeurs exactes.)

# Exercice 5 (10 points)

Dans le trapèze ABCD ci-dessous, on sait que AB = 8 cm, AD = 7 cm et BC = 6 cm.

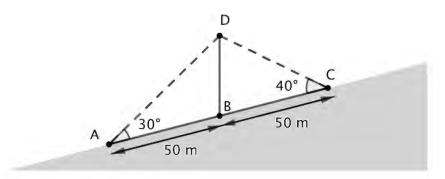


- a) Calculer la hauteur du trapèze ABCD. (2 pts)
- b) Calculer l'angle  $\beta$ . (2 pts)
- c) Calculer la longueur de la base CD. (5 pts)
- d) Calculer l'aire du trapèze ABCD. (1 pt)

(Réponses arrondies à deux décimales.)

## Exercice 6 (8 points)

Un mât, situé sur le flanc d'une colline, est retenu par deux câbles comme indiqué sur la figure ci-dessous. Les points d'ancrage des câbles A et C sont situés à 50 m de part et d'autre du pied du mât B. Le câble aval AD forme un angle de 30° avec la colline tandis que le câble amont CD forme un angle de 40° avec la colline.



- a) Calculer l'angle ADC entre les deux câbles. (1 pt)
- b) Calculer les longueurs AD et CD des deux câbles. (4 pts)
- c) Calculer la hauteur BD du mât. (3 pts)

(Réponses arrondies à deux décimales.)

# CORRIGE DE L'EPREUNE SENESTRIELLE DU 01.06.7071

$$f(x) = \frac{-5x}{2x+3}$$
;  $g(x) = \sqrt{5-4x^2}$ ;  $h(x) = x^2 - 5x$ 

a) 
$$f(x) \in \mathbb{R} \oplus 2x + 3 \neq 0 \oplus x \neq -\frac{3}{2} \Rightarrow 0 \neq -\mathbb{R} \setminus \{-\frac{3}{2}\}$$

$$h(x) \in \mathbb{R} \iff X \in \mathbb{R} \implies Dh = 1R$$

b) 
$$f(-3) = \frac{-5 \cdot (-3)}{2 \cdot (-3) + 3} = \frac{15}{-3} = -5$$
  
 $(2pt)$   $g(2) = \sqrt{5 - 4 \cdot 2} = \sqrt{-3}$  n'existe pas

c) 
$$h(x) = -6 \Rightarrow x^2 - 5x = -6 \Rightarrow x^2 - 5x + 6 = 0$$

# Fx2

a) 
$$f(x) = 2x^2 - 5x - 3$$

i) 
$$f(0) = -3$$

ii) 
$$f(x) = 0 \Leftrightarrow 2x^2 - 5x - 3 = 0$$

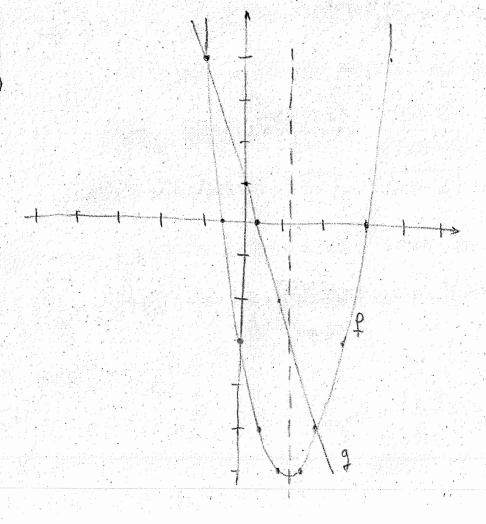
$$(3p4) \quad \triangle = (-5)^{2} - 4 \cdot 2 \cdot (-3) = 49$$

$$X_{1,2} = \frac{5 + (49)}{2 \cdot 2} = \frac{5 + 7}{4} = \begin{cases} 3 \\ -\frac{1}{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow f^{-1}(493) = 3 - \frac{1}{2} \cdot 33$$

(24) 
$$X_S = -\frac{b}{2a} = -\frac{(-5)}{2 \cdot 2} = \frac{5}{4}$$
  
 $Y_S = -\frac{\Delta}{4a} = -\frac{49}{4 \cdot 2} = -\frac{49}{8}$ 

$$iv) X = \frac{5}{4}$$



b) 
$$g(x) = -3x+1$$

$$(1pt) \Rightarrow g(103) = \{\frac{1}{3}\}$$

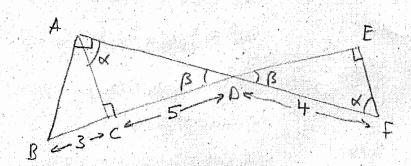
G) 
$$f(x) = g(x)$$
  
 $(4p4) 2x^2-5x-3 \le -3x+1$   
 $2x^2-2x-4 = 0$   
 $x^2-x-2 = 0$   
 $(x+1)(x-2) = 0$   
 $x=-1 \text{ et } x=2$ 

$$91 = 9(-1) = -3(-1) + 1 = 4$$
  
 $92 = 9(2) = -3.2 + 1 = -5$   
If y a done dux points  
d'intersection:  
 $A = (-1, 4)$  et  $B = (2, -5)$ 

a) 
$$f(x) = a(x-x_1)(x-x_2)$$
  
 $(4pt)$  .  $zeros: -2e+4 = x_1 = -2e+x_2 = 4$   
=  $f(x) = a(x+2)(x-4)$   
· ord. orig.  $1-4 = f(0) = -4$   
=  $a(0+2)(0-4) = -4 = -8a = -4 = a = \frac{1}{2}$   
=  $f(x) = \frac{1}{2}(x+2)(x-4) = \frac{1}{2}x^2-x-4$ 

(Ept) . pento 
$$-\frac{5}{3} \Rightarrow \alpha = -\frac{5}{3}$$
  
. ord. or.  $6 \Rightarrow b = 6$   
 $\Rightarrow h(x) = -\frac{5}{3}x + 6$   
c)  $f(3) = -2,5$ 

Ex 4



. The Evidade ABD:

. Th. Pyllugone ABD:

. Th. Hauteur ABD

- . Trioungles ACD et DEF sont semblables
- . The Thates ACD DEF

$$\frac{DE}{CP} = \frac{DF}{AD} \Leftrightarrow DE = \frac{DF \cdot CD}{AD} = \frac{4.5}{270} = 170$$

. The Pything one DEF

a) Trigo AED:  

$$(2ph)$$
  $SIn(x) = \frac{DE}{AD} \Leftrightarrow DE = ADSin(x) = 7.5in(55°) \precess{5,73} cm$ 

b) Trigo BCF:  

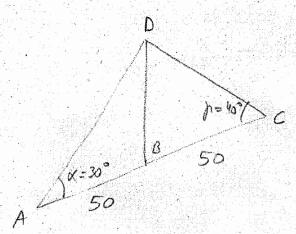
$$(2p+)$$
 Sin( $\beta$ ) =  $\frac{CF}{BC} \Leftrightarrow \beta = Sin'(\frac{CF}{BC}) = Sin'(\frac{5/73}{6}) \Leftrightarrow 72,880$ 

(5pt) 
$$\cos(\alpha) = \frac{AE}{AD} \iff AE = AD \cos(\alpha) = 7\cos(55^\circ) = 4,02 \text{ cm}$$

. Trigo BCF

$$\cos(\beta) = \frac{8f}{BC} \iff BF = BC\cos(\beta) = 6.\cos(72,88^\circ) = 1,77 \text{ cm}$$

Ex6



a) Somme augles ACD:

b) Th. sinus ACD:

$$\frac{(4pt)}{Sin(pt)} = \frac{AC}{Sin(ADC)} \stackrel{\triangle}{=} AD = \frac{AC \cdot Sin(pt)}{Sin(ADC)} = \frac{100 \cdot Sin(40^4)}{Sin(ADC)} = \frac{68,40 \text{ m}}{Sin(ADC)}$$

c) Th. cosinus ABC

$$\Rightarrow BD = (AB^{2} + AD^{2} - ZABAD.\cos(w) = (50^{2} + 68,404^{2} - 2.50.68,404\cos(30))$$

$$\leq 35,43 \text{ m}$$